# 基于计算机图形学的机器人 臂部构型分析及工作空间仿真研究

刘成良,张 凯,付 庄,曹其新,殷跃红 (上海交通大学机器人研究所,上海 200030)

摘 要:从图形学的角度对机器人臂部结构进行分析,提出了臂部结构的 72 种排列组合型式,并以 工作空间为目标逐一进行分析,得出有 21 种构型可实现空间任意位姿要求。利用 CAD 方法对 21 构型的工作空间进行三维图形仿真,把工作空间分为球体、球面形、圆柱体形、圆柱筒形、圆柱面形、 圆环筒形、长方体形和马蹄形,经比较得出工程应用中可供选择的 15 种构型,从而修正并发展了 Milenkovic<sup>[1]</sup>和 Kesheng<sup>[2]</sup>的 12 种构型的理论。

关键词:机器人;工作空间;计算机图形学

**中图分类号**:TP24 文献标识码:A

文章编号:1001-4551(2002)03-0044-05

### Study on Arm Structure of Robot and Workspace Simulation Based on Computer Graphics

LIU Cheng-liang, ZHANG Kai, FU Zhuang, CAO Qi-xin, YIN Yue-hong

(Research Institute of Robotics, Shanghai Jiaotong University, Shanghai 200030)

Abstract: This article presents 72 kinds of structures of robot arm based on computer graphics . 21 kinds of structures that can meet the need of arbitrary position and orientation have been gotten. Among of them, 15 kinds are useful. The workspace has been divided into globe body, sphere, cylinder, tube, cylinder plane, annulus, rectangular and U - shape. The theory of 12 kinds of structures developed by Milenkovic and Kesheng is modified and developed. This theory has been used for IVECO automobile cross beam multi - robot welding workstation system.

Key words: robot; work space; computer graphics

1 机器人臂部结构

机器人的设计必须考虑工作空间、运动速度和 加速度的要求、移动能力、执行件、交互系统、驱动系 统、定标、和经济效益等多因素。作为一种空间机 构,机器人首先要满足运动要求,根据末端执行器工 作点运动范围、运动姿态来确定机器人的自由度数, 选择机器人的结构类型,确定满足要求的杆件尺寸、 关节运动范围求其体积指标。

为达到空间任意位置要求,臂部要有3个自由 度,转动关节R和移动关节L组成8类邻接型式: RRR、RRL、RLR、RLL;LRR、LLR、LRL、LLL。根据相 邻关节轴线可以平行(暂不考虑共线)、垂直相交(不

**收稿日期**:2001 - 10 - 12

**----**

7

的研究	光
ļ	旳研

参考文献

- [1] 王廷树. 机器人运动学及动力学 [M]. 西安: 西安电子 科技大学出版社,1990.
- [2] 闫国荣,高学山,穆 勇.一种基于基本坐标变换的运动学方程建立方法[J].哈尔滨工业大学学报,2001,33

(1):120 - 123.

- [3] 王建华,愈孟蕻,李 众.智能控制基础[M].北京:科学出版社,1998.
- [4] Jenhwa Guo, Vladimir Cherkassky. A Solution to the Inverse Kinematic Problem In Robotics Using Neural Network Processing [A]. Neural Networks, 89, JJCNN, International Joint Conference on [C], 1989, 2:299 - 304.

· 45 ·

考虑其它相交型式及偏置情况)、交叉垂直,每一类  $L_1 \quad L_2 \quad L_3 \quad L_1 \quad L_2 \quad \textbf{X} L_3 \quad L_1 \quad \textbf{X} L_2 \quad L_3$ R.L 邻接型式又有 9 种关节配置方式,因此 3 个自  $L_1 = \frac{L_2}{L_3} = \frac{L_1}{L_2} \frac{L_2}{L_3}$ 由度的臂部理论上有以下 72 个构型。其中: 为垂  $L_1//L_2$   $L_3$   $L_1//L_2$  xL<sub>3</sub>  $L_1//L_2//L_3$ 直相交, x为交叉垂直, // 为轴线平行。 臂部结构的平面图,如图1所示。其排列顺序 (1) RRR 同上。  $R_1$   $R_2$   $R_3$   $R_1$   $R_2$   $\times R_3$   $R_1$   $\times R_2$   $R_3$   $R_1$   $\times$  $R_2 \times R_3$  $L_1 \times R_2 \times R_3$  $R_1 = R_2 / / R_3$  $R_1 \times R_2 / / R_3$  $R_1 / / R_2$   $R_3$   $R_1 / / R_2$  × $R_3$   $R_1 / / R_2 / / R_3$ (2) RRL þ  $R_1$   $R_2$   $L_3$   $R_1$   $R_2$   $\star L_3$   $R_1$   $\star R_2$   $L_3$   $R_1$   $\star$  $R_2 \times L_3$ ሳ 🌩  $L_1 \times R_2 \times L_3$  $R_1 = \frac{R_2}{L_3} = \frac{R_1 \times R_2}{L_3}$ þ  $R_1 / R_2 = L_3 = R_1 / R_2 \times L_3 = R_1 / R_2 / L_3$ <u>ጉ</u> (3) RLR գեւ 🖓 🛶 🖶 ሳ ሳ ֆլֆլ  $R_1$   $L_2$   $R_3$   $R_1$   $L_2$   $\times R_3$   $R_1$   $\times L_2$   $R_3$   $R_1$   $\times$  $L_2 \times R_3$  $L_1 \times L_2 \times R_3$  $R_1 = L_2 / / R_3 = R_1 \times L_2 / / R_3$  $R_1/L_2$   $R_3$   $R_1/L_2$  **x** $R_3$   $R_1/L_2/R_3$ ի ֆլ ֆ ሳታ ሳ ታ የኒያኒያ (4) RLL  $R_1$   $L_2$   $L_3$   $R_1$   $L_2$   $\textbf{xL}_3$   $R_1$   $\textbf{xL}_2$   $L_3$   $R_1$   $\textbf{xL}_2$   $\textbf{xL}_3$ 图 1 臂部结构示意图 2 臂部结构分析  $L_1 \times L_2 \times L_3$ 根据图1所示,现对每一构型进行分析。  $R_1 \ L_2/\,/\,L_3 \ R_1 \ \textbf{X}\!L_2/\,/\,L_3$ 2.1 **单自由度机构**  $R_1/L_2$   $L_3$   $R_1/L_2$  xL<sub>3</sub>  $R_1/L_2/L_3$ 第八种邻接型式的:L1//L2//L3。 (5) LRR 2.2 **双自由度的机构**  $L_1 \quad R_2 \quad R_3 \quad L_1 \quad R_2 \ \textbf{\times} R_3 \quad L_1 \ \textbf{\times} R_2 \quad R_3$ 第四种邻接型式: $R_1 = L_2//L_3$ 、 $R_1 = xL_2//L_3$ 、 $R_1//$  $L_1 = R_2 / / R_3 = L_1 \times R_2 / / R_3$  $L_2//L_3$ ;  $L_1 / / R_2$   $R_3$   $L_1 / / R_2 \times R_3$   $L_1 / / R_2 / / R_3$ 第七种邻接型式:L<sub>1</sub>//L<sub>2</sub> R<sub>3</sub>、L<sub>1</sub>//L<sub>2</sub> ×R<sub>3</sub>、L<sub>1</sub>// (6) LRL  $L_2//R_3$ ;  $L_1$   $R_2$   $L_3$   $L_1$   $R_2$  **x** $L_3$   $L_1$  **x** $R_2$   $L_3$ 第八种邻接型式: $L_1 = L_2 / / L_3 L_1 = xL_2 / / L_3 L_1 / L_2$  $L_1 \quad R_2 / \, / \, L_3 \quad L_1 \; \, \textbf{X} R_2 / \, / \, L_3$  $L_2 \quad L_3 \, L_1 / / L_2 \, \times L_3;$  $L_1//R_2$   $L_3$   $L_1//R_2$  xL<sub>3</sub>  $L_1//R_2//L_3$ 因此,72个构型中有1个单自由度机构;10个 (7) LLR 双自由度机构:剩下61个构型。  $L_1$   $L_2$   $R_3$   $L_1$   $L_2$  **×** $R_3$   $L_1$  **×** $L_2$   $R_3$ 2.3 平面机构  $L_1 \quad L_2 / / R_3 \quad L_1 \ \star L_2 / / R_3$ 第一种邻接型式: $R_1//R_2//R_3$ ; 第二种邻接型式: $R_1//R_2$  L<sub>3</sub>、 $R_1//R_2$  xL<sub>3</sub>;  $L_1//L_2$  R<sub>3</sub>  $L_1//L_2$  ×R<sub>3</sub>  $L_1//L_2//R_3$ 第三种邻接型式: $R_1$  L<sub>2</sub> × $R_3$ 、 $R_1$  ×L<sub>2</sub> × $R_3$ ; (8) LLL

第四种邻接型式: $R_1$  L<sub>2</sub> L<sub>3</sub>、 $R_1$  **x**L<sub>2</sub> L<sub>3</sub>; 第五种邻接型式:L1 R<sub>2</sub>//R<sub>3</sub>,L1 ×R<sub>2</sub>//R<sub>3</sub>: 第六种邻接型式: $L_1$  R<sub>2</sub> L<sub>3</sub>、 $L_1$  R<sub>2</sub> **x**L<sub>3</sub>、 $L_1$  **x**  $\mathbf{R}_2$   $\mathbf{L}_3$ ,  $\mathbf{L}_1$  **×** $\mathbf{R}_2$  **×** $\mathbf{L}_3$ :

· 46 ·

第七种邻接型式: $L_1$   $L_2$   $R_3$ 、 $L_1$   $xL_2$   $R_3$ ;

第八种邻接型式:L1 L2 xL3,L1 xL2 xL3;共 17 个为平面机构。

须指出 SCARA、IBM 7535 机器人就属于 R<sub>1</sub>// R<sub>2</sub>//R<sub>3</sub>,是平面多关节型机器人,不列于此讨论范围 之内。

因此.61个构型中删除17个不能实现三维空 间点位置要求的构型,剩余44个构型。

2.4 第二、三关节相交及交叉构型分析 7

以第一种邻接型式为例:R<sub>1</sub> R<sub>2</sub> R<sub>3</sub>与 R<sub>1</sub> R<sub>2</sub> ×R<sub>3</sub>工作空间形状相同,同样尺寸下扫描掠过的空 间前者大于后者,但后者在结构上将比前者复杂,实 际应用中常常选前者;  $R_1 \times R_2 = R_3 与 R_1 \times R_2 \times R_3$ 以 及  $R_1 / / R_2$   $R_3 R_1 / / R_2 \times R_3$  情况也一样。

因此,8种邻接型式中类似情况共24种,其中 第二种邻接型式中的  $R_1 / / R_2 \times L_3$ ;第三种邻接型式 中的  $R_1$   $L_2$  **x** $R_3$ 、 $R_1$  **x** $L_2$  **x** $R_3$ ;第六种邻接型式中的  $L_1$  R<sub>2</sub> xL<sub>3</sub>,  $L_1$  xR<sub>2</sub> xL<sub>3</sub>; 第七种邻接型式中的 L<sub>1</sub>

 $L_2$   $R_3$ ,  $L_1$   $\star L_2$   $R_3$ , 这七种构型已做为平面机构删 除;第七种邻接型式中的 $L_1//L_2$  ×R<sub>3</sub>;第八种邻接型 式中的 $L_1//L_2$  xL<sub>3</sub>为2自由度机构也去掉,因此共 15种。

还由于第四种邻接型式中的  $R_1$  L<sub>2</sub> L<sub>3</sub>、 $R_1$  ×  $L_2$  L<sub>3</sub> 及第七种邻接型式中的 L<sub>1</sub> L<sub>2</sub> R<sub>3</sub>、L<sub>1</sub> ×L<sub>2</sub> R3 的第二、三关节相交构型为平面机构,所以,不 能去掉,只能保留交叉构型,这样又成为11种。

因此,44个构型中再去掉11个还余下33个构型。

2.5 第一、二关节相交及交叉构型分析

早期的机器人第二关节与第一关节轴线是相交 的.如 PUMA、Cincinnati、Stanford、Motoman、RVL12-III 等.但近年来交叉构型应用颇多.如德国 Reis 机器 人公司生产的 RV121-Ⅳ 焊接与切割机器人。在活 动空间上,交叉型比相交型范围更大。现把交叉型 看作相交型的变形,视为同一种类,33个构型中有 12 对,这样还剩 21 种。另外把 d, 0(相邻连杆各 中心线,即各连杆长度方向交叉时之间距离)和 d<sub>n</sub> = 0 的情况也视为同一种类,如 PUMA600。

3 工作空间的实现及分类

为便于对 21 种构型分析及归类,这里对每一构 型的工作空间用三维形体进行描述。三维形体空间 的获得,首先要通过运动学正解,得出空间方程解。 然后利用 ADS (AutoCAD Development System) 编 程<sup>[16]</sup>.ADS 使外部可执行文件与 AutoCAD 核心紧密 联系在一起,从而在AutoCAD上实现三维形体。所 获得的构型工作空间可作如下分类:

球体、球面形: $R_1 R_2 R_3$ 、 $R_1 R_2 / / R_3$ 、 $R_1$  $R_2 L_3 R_1 R_2 / L_3$ 

圆柱体形: $R_1//L_2$  L<sub>3</sub>。

圆柱筒形:R<sub>1</sub> L<sub>2</sub> R<sub>3</sub>、R<sub>1</sub>//L<sub>2</sub> R<sub>3</sub>、R<sub>1</sub>//L<sub>2</sub>//  $R_{3}R_{1}/R_{2}/L_{3}R_{1}$   $L_{2}$  × $L_{3}L_{1}/R_{2}$   $R_{3}L_{1}/R_{2}/R_{3}$  $R_3 L_1 / R_2 L_{30}$ 

圆柱面形:L1//R2//L3。

圆环筒形: $R_1//R_2$  R<sub>3</sub>、R<sub>1</sub> L<sub>2</sub>//R<sub>3</sub>。

长方体形:  $L_1$   $L_2$   $L_3$ 。

马蹄形:  $L_1 = R_2 / / L_3 L_1 = L_2 \times R_3 L_1 = L_2 / / R_3$  $L_1 \quad R_2 \quad R_3$ 

上述构型理论上的形状,如图 2~22 所示。实 际上的形状还要随具体尺寸变化有所变动。



© 1994-2009 China Academic Journal Electronic Publishing House. All rights reserved. http://www.cnki.net

由图 2~22 可以看出:

(1) R<sub>1</sub> R<sub>2</sub> R<sub>3</sub>(图 2)构型和 R<sub>1</sub> R<sub>2</sub>//L<sub>3</sub>(图 5)
 构型工作空间类似,后者是前者"削顶"后的结果,选用图 11 构型,如 General Numeric model GN0 6 自由度机器人。

R<sub>1</sub> R<sub>2</sub>//R<sub>3</sub>(图 3)。此构型是工业机器人中最 常见,也是使用最广泛的结构型式,如:Cincinnati Milacron T<sup>3</sup>、CYRO<sup>™</sup>820、ASEA IRb - 6/ IRb-60 等。

R<sub>1</sub> R<sub>2</sub> L<sub>3</sub>(图 4)。PRAB 4200/5800、Unimate model 1000/2100C/4000B、MakerI 等均用此结构型 式。

(2) R<sub>1</sub>//L<sub>2</sub> L<sub>3</sub> (图 6)应用举例。PRAB
 ROBOTS INC. PRAB FA/FB/FC、Seiko Model 200、
 FUNAC M、ASEA MHU 等。

R<sub>1</sub> L<sub>2</sub> R<sub>3</sub>(图 7)、R<sub>1</sub>//L<sub>2</sub> R<sub>3</sub>(图 8)、R<sub>1</sub>//L<sub>2</sub>// R<sub>3</sub>(图 9)是常用的柱坐标结构。

R<sub>1</sub>//R<sub>2</sub>//L<sub>3</sub>(图 10)、L<sub>1</sub>//R<sub>2</sub> R<sub>3</sub>(图 12)、L<sub>1</sub>//R<sub>2</sub> L<sub>3</sub>(图 14)及L<sub>1</sub>//R<sub>2</sub>//L<sub>3</sub>(图 15)在工业机器人中 很少采用。

R<sub>1</sub> L<sub>2</sub> × L<sub>3</sub> (图 11)。FANAC ROBOT A、 FANAC ROBOT M、MotionMate Robot、Copperweld Robotic (AP - 50/10)。

L<sub>1</sub>//R<sub>2</sub>//R<sub>3</sub> (图 13) 应用举例。CMFanac Robot Model : S·1、Reis Model : RR 625。

此两种构型不包括在 Milenkovic<sup>[1]</sup>和 Kesheng<sup>[2]</sup> 所认定的 12 种构型中,本文认为是可选构型。

(3) R<sub>1</sub>//R<sub>2</sub> R<sub>3</sub>(图 16)、R<sub>1</sub> L<sub>2</sub>//R<sub>3</sub>(图 17)也 是可选构型。 (4) L<sub>1</sub> L<sub>2</sub> L<sub>3</sub> (图 18) 是标准的 Cartesian 坐标 机器人构型,如: Westinghouse Series : 6000、Anorad Corp. (Anoscan)、Advanced Robtics corp. Model: Cyro 750 & 2000 等。

· 47 ·

(5) L<sub>1</sub> R<sub>2</sub>//L<sub>3</sub>(图 19)、L<sub>1</sub> L<sub>2</sub> R<sub>3</sub>(图 20)。不
 包括在 Milenkovic<sup>[1]</sup>和 Kesheng<sup>[2]</sup>所认定的 12 种之
 内,实际上如 Gantry robot 已使用了L<sub>1</sub> L<sub>2</sub> R<sub>3</sub>构型。

L<sub>1</sub> L<sub>2</sub>//R<sub>3</sub>(图 21)、L<sub>1</sub> R<sub>2</sub> R<sub>3</sub>(图 22)被认为 是可选构型。

因此,这里对 Milenkovic<sup>[1]</sup>和 Kesheng<sup>[2]</sup>的结论 进行修正,去掉 21 种构型中的  $R_1 = R_2//L_3$ (图 5)、  $R_1//R_2//L_3$ (图 10)、 $L_1//R_2 = R_3$ (图 12)、 $L_1//R_2 = L_3$ (图 14)、 $L_1//R_2//L_3$ (图 15)及  $L_1 = R_2//L_3$ (图 19)共 六个构型,可供选择的构型则为 15 种。这 15 种可 供选择的构型分别为:

Milenkovic<sup>[1]</sup>和 Kesheng<sup>[2]</sup>所认定的 12 种构型不 包括图 11、图 12 和图 20 所示的构型。

4 应用实例

给出有 2 个机器人组成的 IVECO 汽车横梁焊 接工作站系统,利用上述机器人臂部结构工作空间 的分析处理方法,确定工作站系统中各部件在工作 空间中的位置及协调关系,如图 23 所示。



. 48 .

#### 图 23 IVECO 汽车横梁焊接工作站三维图形仿真

## 参考文献

- Milenkovic V, Huang B. Kinematics of major robot linkage
  [J]. 13th International Symposium on industrial Robots and Robtics 7,1983,2:31 - 46
- Kesheng W, Terje K, Lien. The Structure Design and Kinematics of a Robot Manipulator I. Theory [J].
  Robotics & Computer Integrated Manufacturing ,1989 ,5 (2,3): 153 158.
- [3] Lee C G S. Fundamentals of Robotics[M]. Addison Wesley, New York, 1983.
- [4] Bekric D, Sarenac M. Analysis of trajectories in the technologic scheme of a robotized working place [J]. Robtics & Computer - Integrated Manufacturing, 1989, 5 (2,3):255 -259.
- [5] Takano M. Development of computer simultion system of kinematics and dynamics of robot . J. Fac Eng. Univ. of Tokyo (B) ,1982 ,36:677 - 711.

- [6] Kesheng W, Lien T K. Closed form solution for the inverse kinematics of a puma robot manipulator II[J]. demonstration, Robotics & Computer Integrated Manufacturing, ,5 (2/ 3):159 - 163.
- [7] Haug E J , Luh C M , Adkins F A and Wang J Y. Numerical algorithms for mapping boundaries of manipulator workspaces
  [J] , Trans. ASME J. Mech. Des ,1996 ,118 (1) :228 234.
- [8] Wang S L , Wu J K. Dextrous Workspaces of Manipulators , II: Computational methods[J]. Mech. Struct. Mach. , 1993 , 21(4):471 - 506.
- [9] 彭商贤,赵 臣,张启先.试论国内外机器人机械学的 发展趋向[J].机器人,1991,13(3).
- [10] 蒋新松.未来机器人技术发展方向的探讨[J].机器 人,1996,18(5).
- [11] 张启先.空间机构的分析与综合[M].北京:机械工业 出版社,1984.
- [12] 张继禹,蔡鹤皋,等.智能机器人机构 CAD 及仿真系统—IRSS[J].机器人,1992,14(6).
- [13] 孙增圻. PUMA 机器人动态仿真 [J]. 机器人,1987,9(5).
- [14] 黄宇中,张宗明,何奇伟.机器人灵活工作空间的边界 分析[J].机器人,1991,13(2).
- [15] 刘成良,等. RV12L 6R 焊接机器人运动学正解及计算 机仿真系统研究[J].东南大学学报,1998,(3).
- [16] 毕诸明,吴瑞珉,蔡鹤皋.工业机器人的工作空间综合[J].机器人,1994,16(3).
- [17] 崔 鲲,孙论强,吴 林. V01 弧焊机器人运动学反解 及臂形标志的确定[J].机器人,1997,19(6).
- [18] 潘存云,高理基.通用的工业机器人运动仿真系统 IRKSS.机器人,1992,14(2).

# 高原型全自动燃气锅炉通过鉴定

由青海新天乐机械制造股份有限公司同西安交通大学联合研制生产的高原型高效环保整体冷凝式全自 动燃气锅炉,日前通过青海省经贸委和青海省质监局组织的省内外锅炉专家鉴定,鉴定认为,该新型锅炉属 国内首创,其主要技术性能达到国内领先水平。

该产品在结构设计与燃烧机选配上充分考虑到高原特点,不仅环保性能达到了国颁标准,锅炉热效率达到了92.53%接近国际水准,而且具有自动化程度高,可遥控操作、噪音低、耗能低、寿命长等特点。

据悉,这种新型燃气锅炉已获准批量生产。